



3.- Determine las siguientes expresiones:

a.- $(\Delta + I)(\Delta - I)(x^2 - 1)$

b.- $(E - 2I)(E - I)(2^x + x)$

c.- $(E+2I)(2 \operatorname{sen}2x)$

4.- Determine la primera diferencia finita de:

a. $3x^{(3)} + 2x^{(-2)}$

b. $x2^{x+1}$

c. $\operatorname{sen}2x/(x + 1)$

5.- Encuentre por desarrollo algebraico de las funciones factoriales dadas a continuación los polinomios asociados a éstas:

a.- $x^{(3)} + 1$

b.- $x^{(6)} + x^{(4)}$

6.- Utilice las siguientes fórmulas,

$$\operatorname{sen}(x) - \operatorname{sen}(y) = 2 \operatorname{sen}\left(\frac{x-y}{2}\right)\cos\left(\frac{x+y}{2}\right)$$

$$\cos(x) - \cos(y) = -2 \operatorname{sen}\left(\frac{x-y}{2}\right)\operatorname{sen}\left(\frac{x+y}{2}\right)$$

y determine la primera diferencia de $\operatorname{sen}(ax)$ y $\cos(ax)$ respectivamente.

7.- Utilice que $\Delta^n = \sum_{i=0}^n \binom{n}{i} (-1)^{n-i} E^i$ y verifique que $(-1)^n \Delta^n f(0) = \sum_{i=0}^n \binom{n}{i} (-1)^i f(i)$

8.- Encuentre el polinomio factorial asociado a $p(x) = x^5 + x^3 - x^2 + 5$

9.- Use la fórmula de Gregory-Newton para probar que la n-ésima diferencia finita de un polinomio de grado n es $a_0 n!$ donde a_0 es el coeficiente del término n-ésimo en el polinomio.

10.- Utilizando la fórmula de Gregory-Newton transforme a polinomio factorial el polinomio $2x^4 + x^2 + 3$